La estructura a plazos del riesgo interbancario*

Recibido: 15 de agosto de 2014 - Aceptado: 24 de septiembre de 2016

Doi: [dx.doi.org/10.12804/revistas.urosario.edu.co/economia/a.5617](https://doi.org/10.12804/revistas.urosario.edu.co/economia/a.5617)

Guillermo Andrés Cangrejo Jiménez[†]

Resumen

Este documento propone un modelo para la estructura a plazos del riesgo interbancario a partir del *spread* entre los *Interest Rate Swap (IRS)* y los *Overnight Indexed Swaps (OIS)* en dólares durante la crisis financiera 2007-2008 y la crisis del euro en 2010. Adicionalmente, hace la descomposición del riesgo interbancario entre riesgo de *default* y *no-default* (liquidez). Los resultados sugieren que la crisis financiera tuvo importantes repercusiones en la estructura a plazos del riesgo interbancario y sus componentes: en los años previos a la crisis, el riesgo de *no-default* explicaba la mayor parte del riesgo interbancario; durante la crisis y posterior a ella, el riesgo de *default* conducía el comportamiento del riesgo interbancario. Además, se encuentra que, a partir de la estructura a plazos de cada componente del riesgo interbancario, la crisis financiera se caracterizó por ser un problema más de corto que de largo plazo, en contraste con la crisis del euro de 2010. Estos resultados siguen lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012) y dejan importantes implicaciones sobre el riesgo interbancario durante los periodos de *stress* financiero.

Palabras clave: riesgo interbancario, estructura a plazos, riesgo de *default* y de liquidez.

Clasificación JEL: C32 G24

* Una versión previa de este trabajo fue presentada como Trabajo de Grado de la Maestría en Finanzas Cuantitativas de la Facultad de Economía de la Universidad del Rosario.

[†] Acciones & Valores S.A. SCB. Correspondencia: Calle 163A # 7d-35, teléfono: 6703738. Correo electrónico: guillocangrejo@hotmail.com

Agradecimientos: A Rafael Serrano y a Carlos Castro por su ayuda en la elaboración e ideas aportadas a la tesis. No recibí ayuda financiera en la elaboración del documento. Este documento hizo parte de la tesis de grado de la maestría en Finanzas Cuantitativas de la Universidad del Rosario.

Para citar este artículo: Cangrejo, G. A. (2016). La estructura a plazos del riesgo interbancario. *Revista de Economía del Rosario*, 19(2), 129-174.

Doi: [dx.doi.org/10.12804/revistas.urosario.edu.co/economia/a.5617](https://doi.org/10.12804/revistas.urosario.edu.co/economia/a.5617)

Term Structure of Interbank Risk

Abstract

This paper proposes a model for the term structure of interbank risk measured by the spread between the Interest Rate Swaps (IRS) and the Overnight Indexed Swaps (OIS) in dollars during the 2007-2008 financial crises and the crisis of the euro in 2010. Additionally, the model makes a decomposition of interbank risk between default and non-default risk (liquidity). Results suggest that the financial crisis had a significant impact on the term structure of interbank risk and its components, years before the crisis; the non-default risk was bigger than default risk; after the crisis default risk driving the behavior of interbank risk. Additionally, the results suggest that, from the term structure of each component of interbank risk, the financial crisis was characterized as a short-term problem that, in contrast to the euro crisis 2010. These results are consistent with Filipovic y Trolle (2012) and propound significant implications on the interbank risk during periods of financial stress.

Keywords: Interbank risk, Term structure, default risk, Kalman filter, Swaps.

JEL Classification: C32 G24

A estrutura a prazos do risco interbancário

Resumo

Este documento propõe um modelo para a estrutura a prazos do risco interbancário a partir do *spread* entre os *Interest Rate Swap* (IRS) e os *Overnight Indexed Swaps* (OIS) em dólares durante a crise financeira 2007-2008 e crise do euro em 2010. Adicionalmente, faz a decomposição do risco interbancário entre risco de *default* e *não-default* (liquidez). Os resultados sugerem que a crise financeira teve importantes repercussões na estrutura a prazos do risco interbancário e os seus componentes: nos anos prévios à crise, o risco *não-default* explicava a maior parte do risco interbancário; durante a crise e posterior a ela, o risco de *default* conduzia o comportamento do risco interbancário. Além disso, encontra-se que, a partir da estrutura a prazos de cada componente do risco interbancário, a crise financeira de caracterizou por ser um problema mais de curto que de longo prazo, em contraste com a crise do euro de 2010. Estes resultados seguem o proposto por Filipovic e Trolle (2012) e deixam importantes implicações sobre o risco interbancário durante os períodos de *stress* financeiro.

Palavras-chave: risco interbancário, estrutura a prazos, risco de *default* e de liquidez.

Clasificación JEL: C32 G24

Introducción

El riesgo interbancario puede ser entendido como la contingencia de incurrir en pérdidas derivadas de operaciones en el mercado interbancario por diversas razones, entre ellas un evento de impago o iliquidez. Este tipo de riesgo puede ser un importante indicador de la percepción de riesgo del mercado financiero en general, debido a que se caracteriza por ser el referente para

formar expectativas de tasas de fondeo/colocación en otras operaciones del mercado de capitales.

Durante la última crisis financiera de 2008, los agentes de los mercados financieros estuvieron ampliamente expuestos a este tipo de riesgo y afrontaron grandes pérdidas en operaciones interbancarias. Por un lado, el riesgo de que un banco perteneciente al mercado interbancario hiciera *default* aumentó considerablemente debido a la insolvencia y a las grandes pérdidas registradas en el sistema financiero en general; posteriormente, este riesgo se materializó con la quiebra de bancos como *Bear Stearns*, *Lehman Brothers* y entidades hipotecarias como *Freddie Mac* y *Fannie Mae*, entre otros agentes del mercado¹. Por otro lado, riesgos de mercado y sistémico afectaron la exposición al riesgo de liquidez en el mercado interbancario, lo que hizo que un alto volumen de activos se liquidara a precios inferiores a los de mercado. Sin duda alguna, esta crisis dejó importantes lecciones, tanto para los agentes económicos como para los *policy makers*, como también evidenció grandes falencias en políticas y mediciones de este tipo de riesgos.

La Libor (*London Interbank Offered Rate*) es una tasa de referencia diaria de las operaciones interbancarias no aseguradas en los principales mercados monetarios. Este tipo de operaciones se caracterizan por ser, en su mayoría, *overnight* (cumplimiento con plazo a un día) y es publicada por el *British Bankers Association*. Resulta del promedio de las posturas de los costos de fondeo no asegurados de los bancos pertenecientes a un panel conocido como *Libor panel*.

En la literatura, son muy usadas distintas medidas que recogen gran parte del comportamiento del riesgo interbancario; una medida exacta y estandarizada no es ampliamente usada debido a la complejidad de su medición. Filipovic y Trolle (2012) proponen medir el riesgo interbancario como el *spread* existente entre la Libor a 3 meses y los *Overnight Indexed Swaps (OIS)*². La Libor a 3 meses es la tasa de referencia de operaciones no colateralizadas, mientras que la tasa de los *OIS* con vencimiento en 3 meses es una aproximación de una tasa libre de riesgo; el *spread* resultante (*Money Market Spread*) es usado como una medida aproximada del riesgo interbancario de corto plazo. Para plazos mayores a 6 meses (para los cuales la Libor no existe), la tasa de referencia de

¹ La crisis financiera de 2008 se originó en el mercado hipotecario de Estados Unidos, lo que afectó indirectamente los balances del sistema financiero internacional. Con los efectos de contagio y riesgo sistémico, rápidamente llegó a afectar las condiciones crediticias y la liquidez de importantes entidades como *Washington Mutual*, *Merrill Lynch*, *JP Morgan*, *Bank of America*, *AIG* y los sectores bursátiles e inmobiliarios del mundo.

² Un contrato *OIS (Overnight Indexed Swap)* es aquel que intercambia una estructura de pagos en tasa fija por otra estructura a tasas variables indexadas compuestamente a una tasa *overnight* como los *Tbills*

operaciones no colateralizadas son los *Interes Rate Swap IRS*³; el *spread* resultante (*Swap Spread*) son las expectativas de mercado del riesgo interbancario para distintos plazos. Construyendo estos *spreads* para los plazos disponibles en el mercado, se obtiene una aproximación a la estructura a plazos del riesgo interbancario. El comportamiento de estos *spreads*, siguiendo lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012), se pueden observar en la figura 1. En el panel superior se muestra el *Money Market Spread* junto con el *Swap Spread* con plazo a 1 año. En el panel inferior se muestra *Money Market Spread* junto con el *Swap Spread* con plazo a 5 años. Las líneas horizontales corresponden al inicio de la crisis financiera en agosto de 2007, la venta de *Bear Stearns* a *J.P. Morgan* en marzo de 2008, la quiebra de *Lehman Brothers* en septiembre de 2008 y, finalmente, la reducción de la calificación crediticia por parte de *Standard and Poor's* a la deuda soberana de Grecia en abril de 2010.

En los periodos previos a la crisis, la estructura a plazos del riesgo interbancario era relativamente plana y su magnitud rondaba los 9 y 10 puntos básicos (pb) para los plazos a uno y cinco años, respectivamente. Posteriormente, desde el inicio de la crisis financiera, en agosto de 2007 hasta la quiebra de *Lehman Brothers* en septiembre de 2008, el *Money Market Spread* aumentó considerablemente en mayor proporción que los *Swap Spreads* hasta estar alrededor de 11 y 50 pb por encima para los vencimientos de uno y cinco años, respectivamente. En octubre de 2008 el *Money Market Spread* tocó el máximo de 364 pb, mientras los *Swap Spreads* a 1 y 5 años alcanzaron a tocar 190 y 69 pb, respectivamente; niveles superiores a los registrados en los periodos previos a la crisis. Durante la crisis, el *Money Market Spread* se encontró por encima de los *Swap Spread*, lo que evidenció la pronunciada pendiente negativa en la estructura a plazos del riesgo interbancario. Para finales de 2009, los *Swap Spreads* volvieron a estar por encima del *Money Market Spread*, pero ambos en niveles superiores a los del periodo precrisis.

La literatura resalta que la existencia de una pendiente negativa en la estructura a plazo de este riesgo denota que los mercados tenían expectativas que existían problemas de liquidez y deterioro crediticio de las entidades bancarias en Estados Unidos, pero que dichos problemas eran más de corto que de largo plazo.

³ Un contrato *IRS* (*Interes Rate Swap*) es aquel contrato celebrado entre dos partes que intercambian una estructura de pagos en tasa fija por otra estructura en tasa variable indexada a la Libor.

Figura 1. Money Market y Swap Spread para plazos a 1 y 5 años

Fuente: elaboración propia y datos de Bloomberg. Las líneas horizontales corresponden al inicio de la crisis financiera el 9 de agosto de 2007, la compra de Bear Stearns por parte de J. P. Morgan el 16 de marzo de 2008, la quiebra de Lehman Brothers el 15 de septiembre de 2008 y la reducción de la calificación de la deuda soberana de Grecia por parte de Standard and Poor's el 27 de abril de 2010.

Por otro lado, Filipovic y Trolle (2012) aducen los movimientos de la estructura a plazos a dos factores principalmente: riesgo de *default* y riesgo de *no-default*. El primero de ellos, surge debido a que la Libor es construida a partir de las expectativas que tiene un banco del *Libor panel* de los costos de fondear/colocar los recursos, mientras que los *OIS*, al no depender de un panel explícito, serían análogo a una tasa Libor construida a partir de un conjunto

más amplio de bancos con mejores condiciones crediticias y financieras⁴. Un banco perteneciente al panel de construcción de la Libor está expuesto a sufrir cambios en las condiciones crediticias intrínsecas propias, lo que conllevaría a que dicho banco salga del panel. Por otro lado, el riesgo de *no-default* está asociado, entre otras razones, con la liquidez. Dado que el *Money Market Spread* y los *Swap Spreads* son la diferencia entre una tasa con y sin colateral, dichos *spreads* también reflejan el costo adicional de vender un activo a un precio menor por falta de liquidez.

Otros autores han usado distintas metodologías y técnicas en el estudio de la estructura a plazos del riesgo interbancario. Inicialmente, Collin-Dufresne y Solnik (2001) obtuvieron una estructura a plazos del riesgo interbancario a partir del *spread* entre los bonos corporativos de los bancos en el panel de la Libor y los *IRS* del mercado. Estos autores concluyen que el deterioro crediticio de estos bancos es una de las causas principales de los movimientos en la estructura a plazos. Posteriormente, trabajos de Liu, Longstaff y Mandell (2006), Johannes y Sundaresan (2007) y Feldhutter y Lando (2008) calculan este *spread* también a partir de bonos corporativos, pero excluyen por completo el hecho del deterioro crediticio. En ambos casos, el resultado no está limpio de problemas de iliquidez en los títulos durante los periodos de crisis. Otras investigaciones como la de McAndrews, Sarkar y Wang (2008), Michaud y Up-per (2008), Taylor y Williams (2009), Eisenschmidt y Taping (2009), Schwartz (2010) y Filipovic y Trolle (2012) descomponen el riesgo interbancario entre riesgo de *default* y *no-default*. En general, las investigaciones llevadas a cabo antes de la crisis concluyen que el riesgo de *no-default* es el que más explica el comportamiento del riesgo interbancario, mientras que los escritos después de la crisis sí describen un cambio después del 2007: el riesgo de *default* toma más importancia durante y después del *stress* bancario. Esta investigación, al igual que el trabajo de Filipovic y Trolle (2012), usa los contratos *swaps* con el fin de refinar la descomposición del riesgo de *default* y *no-default*. Independiente de los resultados, se evidencia que el riesgo interbancario y sus hechos estilizados no han sido aun ampliamente documentados para los años posteriores a la crisis.

Este documento tiene como objetivo evidenciar los cambios que se presentaron en la estructura a plazos del riesgo interbancario de Estados Unidos durante la última crisis financiera y también cómo fue el comportamiento de

⁴ El *Libor panel* es actualizado cuando algún banco presenta un deterioro crediticio importante. Por lo general, estos cambios presentan cierta rigidez y un banco sale del panel algunos meses después del deterioro. Este hecho estilizado resulta dándole mayor riesgo crediticio a un panel rígido (*Libor panel*) que a otro actualizado de manera inmediata como lo es el mercado interbancario internacional.

los principales factores de dicha estructura. Algunos autores señalan que este riesgo tiene importantes implicaciones para los agentes del mercado, bancos centrales y *policy makers*. Por un lado, poder representar este riesgo en la forma de una estructura a plazos brinda una herramienta para entender las expectativas sobre un posible estado de *stress* en el mercado interbancario. Adicionalmente, brinda herramientas para los *policy makers* a la hora de evaluar, medir y controlar políticas en pro de controlar y mitigar este riesgo. Por último, sirve para que los administradores de riesgo puedan hacer *pricing* y *hedging* en el mercado de derivados de tasa de interés y de crédito.

Los resultados encontrados en esta investigación sugieren que se presentaron importantes cambios en las estructuras a plazos del riesgo interbancario y sus componentes. En los años previos a la crisis financiera de 2007-2008, el riesgo de *no-default* pertenecía a las dos terceras partes del riesgo interbancario. Con el inicio de la crisis, el riesgo interbancario y sus componentes repuntaron importantemente, pero este repunte se dio en mayor proporción para el riesgo de *default*. Los años de la crisis y los posteriores a ellos se caracterizan por tener un mayor riesgo de *default* en relación con el de *no-default*. Adicionalmente, se encuentra que la crisis financiera de 2007-2008 se caracterizó por ser un problema más de corto que de largo plazo en contraste con la crisis del euro de 2010.

El documento está estructurado de la siguiente forma: después de este apartado introductorio está la sección 1 que describe el modelo usado en la estimación, la sección 2 que presenta la metodología usada, la sección 3 que muestra algunos resultados encontrados, la sección 4 en la que se analizan los componentes del riesgo interbancario y, por último, la sección 5 en la que se concluye.

1. La estructura a plazo del riesgo interbancario

1.1. Instrumentos financieros

En el mercado existen dos tasas de interés instantáneas⁵: una tasa cubierta de riesgo de *default* $r_c(t)$ y otra expuesta a dicho riesgo $r(t)$. La diferencia entre

⁵ Una tasa de interés instantánea es aquella en la que se acordarían prestamos en t con un vencimiento en T pero con $T \rightarrow t$, de la forma:

$$r(t) = \lim_{T \rightarrow t} r(r, T)$$

ellas radica en que la tasa cubierta o colateralizada tiene una prima por dicha protección, mientras que la otra no. En esta especificación se asume que dicha prima es constante y, por ende, la relación entre las dos tasas de interés es:

$$r_c(t) = r(t) + \Lambda \quad (1)$$

donde $r_c(t)$ es la tasa de interés instantánea colateralizada, $r(t)$ es la tasa no colateralizada y Λ corresponde a la prima de cobertura que mide la probabilidad de que el emisor de un título haga *default*⁶. En el anexo E se especifican los distintos valores asumidos en esta investigación sobre el valor de esta prima.

Siguiendo lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012), para modelar el *spread* entre la Libor (*IRS* para los plazos mayores a 6 meses) y los *OIS* es necesario tener en cuenta el precio de dos títulos: un contrato colateralizado indexado a la tasa colateralizada $r_c(t)$ y un bono cero cupón como función de una tasa no colateralizada $r(t)$.

Contrato colateralizado: un contrato colateralizado es aquel que le asegura a una de las partes la posibilidad de un evento de riesgo de *default* principalmente. En este caso, el contrato retorna una tasa de interés que tiene una prima usada como cobertura, en caso de un evento de impago. El precio de este contrato colateralizado $P_c(t, T)$, pactado en t con vencimiento en T y que paga un principal de \$1 está expresado como:

$$P_c(t, T) = E_t^Q \left[e^{-\int_t^T r_c(s) ds} \right] \quad (2)$$

El valor de este contrato va a depender de la medida martingala que se tome para calcular el valor esperado, en este caso, la medida martingala Q se conoce como la medida neutral al riesgo que asegura la inexistencia de posibilidades de arbitraje en la valoración de dicho instrumento. Adicionalmente, el precio de este contrato dependerá de la distribución de $\int_t^T r_c(s) ds$ y, por ende, del proceso que sigue $r(t)$.

Bono cero cupón: un bono cero cupón indexado a una tasa no colateralizada $r(t)$ se encuentra expuesto a la posibilidad de que el emisor haga *default* antes del vencimiento de la deuda, y, por ende, el pago del principal no sea pagado. Se denota el tiempo en que la compañía de referencia hace *default*. En caso de que no se presente el evento de *default* ($\tau < T$), el total del principal será

⁶ Filipovic y Trolle (2012) asumen un modelo similar al de esta investigación y concluyen que distintos valores del parámetro no tiene importantes cambios, pero sí es necesario diferenciar entre estas dos tasas.

pagado al inversionista; en caso que sí se materialice este riesgo, se pagará un porcentaje $Lgd\%$ del pago total de dicho bono. Siguiendo lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012), el precio de un bono cero cupón que se encuentra expuesto al riesgo de *default* está determinado por:

$$B(t, T) = E_t^Q \left[e^{-\int_t^T r(s)ds} I_{\{\tau > T\}} \right] = E_t^Q \left[e^{-\int_t^T (r(s) + \lambda(s))ds} \right] \quad (3)$$

$$B(t, T) = P_c(t, T) E_t^Q \left[e^{-\int_t^T (\lambda(s) - \Lambda)ds} \right]$$

donde $\lambda(t)$ corresponde a la intensidad de *default*⁷ del emisor del bono. Adicionalmente, se asume que la correlación entre la intensidad de *default* y las tasas de interés instantáneas es nula⁸. En este caso, el bono cero cupón dependerá no solo del proceso que se asume de la tasa de interés instantánea $r(t)$ sino también de la distribución de $e^{-\int_t^T \lambda(s)ds}$ y, más específicamente, del proceso asumido para las intensidades de *default*.

Las tasas instantáneas no son observables en el mercado. Por lo tanto, en este modelo, es usada como variable observada por la Libor, principal indicador del costo de fondeo de las operaciones interbancarias. Sin fricciones, la Libor correspondería a:

$$L(t, T) = \frac{1}{T - t} * \left(\frac{1}{B(t, T)} - 1 \right) \quad (4)$$

Sin embargo, en el mercado se evidencian fricciones que se asocian principalmente con iliquidez o problemas de medición⁹, es por ello que es necesario que el modelo incluya un término que recoja dichas imperfecciones. La función $\mathcal{E}(t, T)$ busca capturar dichas imperfecciones. De esta forma la Libor está expresada como:

⁷ La intensidad de *default* es entendida como la probabilidad de que una entidad no pueda cumplir con los pagos de la deuda en un infinitesimal periodo.

⁸ Se asumió así, siguiendo lo propuesto por Brigo y Alfonsi (2006) quienes muestran que los cambios, incluyendo distintos niveles de correlación entre la tasa de interés y la intensidad de *default*, son casi nulos o poco significativos.

⁹ En 2008 se hizo público un estudio que sugería que la Libor habría sido alterada por grandes bancos, principalmente, en Norteamérica e Inglaterra. Estos bancos habrían reportado tasas Libor menores para alterar los costos de fondeo y aparentar ser bancos más sanos durante el inicio de la crisis.

$$L(t, T) = \frac{1}{T-t} * \left(\frac{1}{B(t, T)} - 1 \right) * \Xi(t, T) \quad (5)$$

Cabe notar que $\Xi(t, T)$ es una función decreciente con respecto al vencimiento (T) y que cumple con la siguiente condición final:

$$\lim_{T \rightarrow t} \Xi(t, T) = 1 \quad (6)$$

Adicionalmente, esta función va a depender de una variable $\xi(t)$ que describe el comportamiento del riesgo de *no-default*¹⁰

Overnight Indexed Swap (OIS): Adicionalmente, se cuenta en el mercado con los contratos *OIS*. La tasa del *OIS* corresponde a:

$$OIS(t, T) = \frac{1 - P_c(t, T_n)}{\sum_{i=1}^n (T_i - T_{i-1}) * P_c(t, T_i)} \quad (7)$$

Donde P_c corresponde al precio del contrato colateralizado descrito anteriormente T_i y corresponde a los n plazos en que hay un pago del contrato *OIS*. Asumiendo que el número de pagos es único y corresponde al pago del principal, la tasa *OIS* termina siendo en su forma más sencilla:

$$OIS(t, T) = \frac{1 - P_c(t, T)}{P_c(t, T)} \quad (8)$$

Este tipo de contratos se caracterizan por tener un riesgo de *default* inferior a la Libor y los demás tipos de derivados de tasas de interés, por el hecho de que los *OIS* dependen del promedio de tasas *prime*, generalmente, la *federal fund rates* en el caso de Estados Unidos o la *Eonia (European Overnight Indexed Average)* para el caso de Europa.

Restando la ecuación (4) y (8) y un poco de algebra, se obtiene el *Libor-OIS spread*:

$$\begin{aligned} L(t, T) - OIS(t, T) \\ = \frac{1}{T-t} \left\{ \left(\frac{1}{B(t, T)} - \frac{1}{P_c(t, T)} \right) + \left[\left(\frac{1}{B(t, T)} - 1 \right) * (\Xi(t, T) - 1) \right] \right\} \end{aligned} \quad (9)$$

¹⁰ La relación entre la función $\Xi(t, T)$ y la variable de *no-default* está descrita en la ecuación (15).

En la especificación del modelo, y siguiendo lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012), esta ecuación describe la estructura a plazos del riesgo interbancario para distintos vencimientos (T). El primer término corresponde al riesgo de *default*, mientras que el segundo al riesgo de *no-default*. Esta ecuación permite construir la estructura a plazos tanto del riesgo interbancario como de sus componentes.

Credit Default Swap (CDS): un contrato *CDS* es aquel que intercambia un flujo de cupones periódicos por un pago fijo que sirve como protección, en caso de que una entidad emisora haga *default*. Este contrato es firmado entre dos partes, de tal forma que la parte A (comprador) paga a la parte B (vendedora) una serie de cupones periódicos (*Premium Leg*) en busca de una protección ante un evento de *default* de la empresa C . En caso de que la empresa C haga *default*, la parte B pagará a A un porcentaje del valor del principal (*Protection Leg*).

Siguiendo lo propuesto por Brigo y Mercurio (2006), una forma sencilla de encontrar las intensidades de *default* implícitas en los *spreads* de los *CDS* es asumir que estas intensidades son constantes durante tramos (*piecewise constant*) de la forma:

$$\lambda(t) = \lambda_i \text{ para todos los } t \in [T_{i-1}, T_i) \quad (10)$$

para todos los i plazos existentes en el mercado. A partir de esta especificación, el pago de un *CDS* resulta ser la diferencia entre el *Premium Leg* y el *Protection Leg* y está expresado por¹¹:

$$\begin{aligned} \Pi_{CDS_{0,b}} = R \left[\sum_{i=1}^b P_c(0, T_i) \alpha_i e^{-\Gamma(T_i)} - \int_0^{T_b} P_c(0, t) (t - T_{\beta(t)-1}) d(e^{-\Gamma(T)}) \right] \\ + LGD \left[\int_0^{T_b} P_c(0, t) d(e^{-\Gamma(t)}) \right] \end{aligned} \quad (11)$$

donde Π es el *payoff* del *CDS*, b es el número de periodos en que el contrato de *CDS* está vigente, α corresponde a la periodicidad con que se hacen los pagos de la cobertura (asumido generalmente como pagos trimestrales, es decir $\alpha = 0,25$), R es el valor de la prima pagada, Γ es la intensidad de *default* acumulada explicada en el Anexo A, $T_{\beta(t)-1}$ corresponde a la fecha previa del pago de la cobertura dentro de la vigencia del *CDS*, P_c es el precio de un contrato

¹¹ Para ampliar sobre la especificación de este instrumento ver el Anexo A y Brigo & Mercurio (2006).

colateralizado presentado anteriormente y $Q(t)$ es la función de supervivencia (*survival probability*) que está representada por:

$$Q(t) = E_t^Q \left[\exp \left(- \int_0^t \lambda(u) du \right) \right] \quad (12)$$

En la bibliografía y en la práctica existen diversas formas de obtener las intensidades de *default* implícitas en los *spreads* de los *CDS*. Brigo, Mercurio, Guarín et al. (2014), entre otros, exponen distintas metodologías, generalmente, filtros no lineales que logran recuperar dichas intensidades. El objetivo de esta tesis no es filtrar las intensidades de *default*, sino entender los componentes del riesgo interbancario, entre ellos, el riesgo de *default*.

1.2. Modelo a partir de una representación affine¹²

En el modelo existen tres principales variables, la tasa de interés instantánea $r(t)$, la intensidad de *default* $\lambda(t)$ y el parámetro de *no-default* $\xi(t)$. Siguiendo lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012), cada una de ellas sigue un proceso estocástico que define la trayectoria de cada una de estas variables.

La tasa de interés instantánea $r(t)$ sigue un proceso de difusión de un único factor tipo *CIR* (Cox-Ingersoll-Ross) de la siguiente forma:

$$dr(t) = \kappa_r(\theta_r - r(t))dt + \sigma_r\sqrt{r(t)}dW_r(t) \quad (13)$$

donde κ_r corresponde a la velocidad de reversión a la media de largo plazo $\bar{r}$, σ_r , es la volatilidad del proceso $W_r(t)$ y es un movimiento browniano estándar. Adicionalmente, esta especificación asume un parámetro adicional ψ que transforma un proceso browniano bajo la medida martingala Q a la medida objetiva P ¹³. La representación *affine* del precio de un contrato colateralizado de la ecuación (2) viene representada por¹⁴:

¹² Un modelo *affine* usa representaciones *affines* para poder expresar ecuaciones complejas y sin solución analítica, de una manera manejable y fácil de resolver. Esta representación consiste, por lo general, en la exponencial de una transformación lineal que relaciona la variable observada con la variable estado. De la forma:

$$e^{-\int_0^t x dx} = e^{\alpha - \beta x}$$

¹³ Este parámetro es conocido como el precio del riesgo en el mercado y es usado para que $dW^Q(t) - \psi(t)dt$ sea un movimiento browniano estándar bajo la medida P mediante la transformación de Radon-Nikodym.

¹⁴ Para más detalle de estas representaciones, ver el anexo B, Filipovic y Trolle y Duffie, Filipovic y Schachemayer (2003).

$$P_c(t, T) = e^{A_r(T-t) - B_r(T-t)r(t)} \quad (14)$$

Por otro lado, el factor de *no-default* $\Xi(t, T)$ está expresado como:

$$\begin{aligned} \Xi(t, T) &= E_t^Q \left[e^{-\int_{t_0}^T \xi(s) ds} \right] \\ \Xi(t, T) &= e^{A_\xi(T-t) - B_\xi(T-t)\xi(t)} \end{aligned} \quad (15)$$

donde la variable $\xi(t)$ es no observable en el modelo y explica los movimientos del componente residual de la Libor y del riesgo de *no-default*. Esta variable $\xi(t)$ sigue un proceso CIR de la siguiente manera:

$$d\xi(t) = \kappa_\xi(\theta_\xi - \xi(t))dt + \sigma_\xi\sqrt{\xi(t)}dW_\xi(t) \quad (16)$$

En este modelo, a intensidad de *default* $\lambda(t)$ no sigue un proceso de difusión, ya que su estimación es el resultado de encontrar una intensidad implícita en los *spreads* de los CDS existentes en el mercado (ver anexo A). Sin embargo, sí es necesario resaltar que la prima Λ de la ecuación (1) se puede entender como un valor de largo plazo de un proceso de difusión de las intensidades de *default*.

2. Metodología

El modelo presentado anteriormente se caracteriza por depender de variables latentes o no observables en el mercado, las cuales son la tasa de interés instantánea $r(t)$, la intensidad de *default* $\lambda(t)$ y la variable de *no-default* $\xi(t)$. Todas estas variables dependen de un activo que sí es observable y, por ende, es necesario extraer dichas variables no observables, denominadas 'estado', de las cotizaciones de activos que sí son observables. Adicionalmente, no se conocen los parámetros del modelo, por lo que es necesario hacer la estimación de dichos parámetros.

El problema de estimación y filtración se resuelve siguiendo lo propuesto por Wan y van der Merwe (2000), donde se filtra la variable estado en cuestión y simultáneamente se estiman los parámetros del proceso de dichas variables. La estimación se hace por medio de máxima verosimilitud. Para la filtración, se usa un filtro no lineal llamado *Unscented Kalman Filter*¹⁵. A diferencia del

¹⁵ Este filtro puede ser consultado en el Anexo C, Wan & van der Merwe (2000) y Christoffersen et al. (2009)

filtro de *Kalman* estándar (lineal), el *unscented* permite tener interacciones no lineales entre las variables en la representación estado espacio (ver anexo C). Esta estimación se hace en dos etapas: la primera busca estimar los parámetros relacionados con la tasa de interés instantánea y filtrar dicha variable; en la segunda etapa, se estima y se filtra lo relacionado con la variable de *no-default*. Entre las dos etapas existe un paso intermedio donde se incluyen las intensidades de *default* (explicadas de acuerdo con el anexo A), según la especificación de la ecuación (3). La forma como se llevó a cabo la metodología de filtración y estimación está expuesta en el anexo C.

Para la estimación, fueron necesarias las series de la Libor (vencimiento en 3 y 6 meses en dólares), las tasas de los *IRS*, *OIS*, *CDS* para vencimientos a 3 y 6 meses, 1, 2, 3, 4, 5 y 10 años, las tasas de los *Federal Funds* y los *repos overnight* de la reserva federal de Estados Unidos. Estos datos fueron extraídos de la plataforma *Bloomberg*. Todas estas series tuvieron una periodicidad diaria y fueron tenidos en cuenta desde octubre de 2006 hasta diciembre de 2012, contando con un total de 1336 datos que abarcan el periodo anterior a la crisis financiera *subprime*, hasta después de la crisis de la zona euro de 2010. La importancia de contar con estos periodos se debe a que los objetivos de la presente investigación se centran en analizar los cambios y las interacciones de los distintos riesgos de la estructura a plazos del riesgo interbancario antes y después de las crisis.

Una de las características de la presente investigación es que se centra en el riesgo del mercado interbancario como un agregado de este mercado, en cambio de analizar una partición de bancos pertenecientes a este. Para cuantificar el riesgo de *default*, es necesario contar con un índice que agrupe el comportamiento de los *CDS* de cada banco perteneciente al panel de la Libor. Sin embargo, existe la dificultad de contar con este índice y que cumpla con dos condiciones: (i) incluya los periodos previos y posteriores a la crisis, incluidos en esta investigación y (ii) sea de fácil acceso¹⁶. Para solucionar este problema, fue necesario construir un índice que recoja la evolución de los *CDS* de los bancos pertenecientes al panel de la Libor pero de la manera más simple. Dicho índice consiste en un promedio simple de *CDS* de los bancos pertenecientes al panel de la Libor con vencimientos a 1, 2, 3, 4, 5 y 10 años. La estructura de *CDS* está resumida en el anexo D.

¹⁶ Existen algunos índices que agrupan los *CDS* de acuerdo con factores como sector económico, industria, ubicación, mercado, entre otros. Los índices más comunes son proveídos por la empresa de información financiera *Markit*. El índice *Markit CDX Banks* no está disponible para todo el periodo de estudio de esta investigación y, adicionalmente, está restringido para el público.

3. Resultados

3.1. Parámetros estimados

Los parámetros encontrados a partir del proceso de estimación expuesto en la sección 2 y el anexo C se presentan en la tabla 1. Adicionalmente, estas estimaciones son comparadas con los resultados de Filipovic y Trolle (2012) en el anexo F¹⁷.

Tabla 1. Parámetros estimados

Parámetro	Estimado
θ_r	0,0646
κ_r	0,0472
σ_r	0,0622
ψ_r	-0,1821
θ_ξ	0,0499
κ_ξ	0,0354
σ_ξ	0,373
ψ_ξ	0,955
$\log L \times 10^3 (r)$	-9,033
$\log L \times 10^3 (\xi)$	-4,238

Fuente: elaboración propia.

Los resultados encontrados en esta investigación sugieren que la tasa de interés es menos volátil que el parámetro de *no-default*. La tasa de interés de largo plazo se encuentra cercana al 6,5 % y esta converge más rápido que el parámetro de *no-default*. Los valores de ψ , entendido como el precio del riesgo en el mercado, son negativos para ambas variables estado, resaltando la existencia de una prima requerida por los agentes del mercado por tener una exposición a movimientos en la tasa de interés.

¹⁷ Existen trabajos como los de Liu, Longstaff y Mandell (2006), Schwartz (2010), Michaud y Upper (2008) entre otros, que analizan el riesgo interbancario y sus componentes, pero a partir de un análisis econométrico de estimación de ecuaciones de sensibilidad (*Betas*). En estos análisis, por lo general, hacen una regresión entre el riesgo interbancario y sus componentes como variable dependiente y los distintos factores que pueden afectar este riesgo como variables independientes. Estas investigaciones no estiman parámetros comparables con los estimados en esta tesis.

3.2. Variables estado

El comportamiento de las tres variables estado (tasa de interés $r(t)$, intensidades de *default* $\lambda(t)$ y parámetro de *no-default* $\xi(t)$) filtradas y estimadas según la metodología de la sección 2, son mostradas en la figura 2.

Todas las variables tuvieron un comportamiento distinto durante la crisis financiera y los resultados son similares a los encontrados por Filipovic y Trolle (2012). En el panel superior de la figura 2 se presenta el comportamiento de la tasa de interés instantánea $r(t)$. Esta sigue, principalmente, el comportamiento de la tasa de los *OIS* y estos, a su vez, la tasa de la política monetaria de la Reserva Federal de Estados Unidos¹⁸. Del comportamiento de la tasa de interés instantánea se destacan varios hechos: la crisis financiera llegó con una relajación cuantitativa por parte de la autoridad monetaria norteamericana; la Reserva Federal redujo sus tasas *prime* en 263 pb desde el 8 de agosto de 2007 hasta el 5 de enero de 2008. Como resultado, se presentó una reducción de los costos de fondeo y de las tasas de interés del mercado. En los días donde la crisis se encontraba en su punto más agitado, a mediados de 2008, los costos de fondeo (Libor) no respondieron igual que la tasa de política monetaria de Estados Unidos y se evidencia un aumento considerable en el riesgo interbancario por la vía de un aumento en la tasa de interés desde la venta de *Bear Stearns* hasta la quiebra de *Lehman Brothers*; finalmente, la tasa de interés se ha mantenido en niveles históricamente mínimos, lo que coincide con los mínimos históricos de la tasa de política de la *Fed*.

En el panel intermedio se presentan las intensidades de *default* implícitas en los *spreads* de los *CDS* para los plazos a 1, 2 y 5 años¹⁹. La intensidad de *default* con plazo a un año tiene un promedio de 0,954 %, con un mínimo de 0,031 % y un máximo de 4,367 % alcanzado en marzo de 2009; la intensidad de *default* con plazo a dos años tiene un promedio de 1,109 %, alcanzando un mínimo de 0,065 % y el máximo en marzo de 2009 hasta 3,437 %; por último, las intensidades de *default* implícitas en los *CDS* con vencimiento a cinco años alcanzaron un máximo de 3,873 % en noviembre de 2011 y un mínimo de 0,141 % con un promedio de 1,428 %. Se puede apreciar que las intensidades de *default* de los *CDS* de más corto plazo fueron más sensibles durante la crisis financiera,

¹⁸ La correlación entre la tasa de la *Fed* y la tasa de interés instantánea es de 0,98. Las diferencias más grandes de estas dos tasas se encuentran durante los periodos de la crisis, tiempo en el que se alcanzó un *spread* entre 0,81 y -1,52 pb registrados en enero y junio de 2008.

¹⁹ Para ver la estructura a plazos de las intensidades de *default* ver la figura D2 del anexo D. Allí se presentan los *CDS* de la serie en frecuencia semanal.

Tasa de interés instantánea

Intensidades de *default*

Figura 2. Variables estado

Fuente: elaboración propia.

alcanzaron máximos más altos durante los días más difíciles de la crisis, pero volvieron más rápidamente a niveles bajos después de la crisis financiera²⁰. Durante algunos momentos de la crisis financiera, la estructura a plazos de los CDS tomó pendiente negativa, lo que indicó que las expectativas que tenía el mercado de un evento de *default* por parte de una entidad bancaria eran un problema más de corto que de largo plazo; en contraste, en la crisis europea

²⁰ Los puntos máximos de las intensidades de *default* de los CDS de más corto plazo coinciden el 9 de marzo de 2008, días previos a la venta de *Bear Stearns* el 16 de marzo de 2008 a *J.P. Morgan Chase*. Este fue el primer gran banco que no pudo evitar el colapso y fue vendido en US\$10 la acción antes de haber alcanzado un máximo histórico de US\$170 a principios de 2007.

de 2010, sí se acentuó más como un problema de largo que de corto plazo. Las intensidades de *default* alcanzaron máximos durante la crisis financiera, con fuertes cambios en las estructuras a plazos del riesgo de *default*, las intensidades de *default* y los *spreads* de los *CDS*. En los años posteriores a la crisis, ni los *CDS* ni las intensidades de *default* han vuelto a registrar los niveles de los años previos a la crisis financiera de 2008, incluso durante la crisis del euro de 2010.

Por último, el comportamiento del parámetro de riesgo de *no-default* no tuvo importantes cambios hasta la quiebra de *Lehman Brothers*, donde las condiciones de liquidez de algunos bancos y del mercado interbancario en general tuvieron importantes deterioros. Posterior a la crisis, este indicador estuvo por debajo de los niveles previos a esta, lo que evidenció la pérdida de relevancia del riesgo de *no-default* en el riesgo interbancario con respecto a los indicadores de riesgo de *default* que sí presentaron importantes cambios después de 2008.

En línea con lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012), la pendiente negativa en la estructura a plazos observada a finales de 2008 está explicada por un aumento considerable en el riesgo de *default* y la pérdida de relevancia en el riesgo de *no-default*. Lo anterior está soportado en la estructura a plazos de los *CDS* que tomaron una pronunciada pendiente negativa y en la estructura de las intensidades de *default* (ver anexo D).

Sin duda alguna, la estructura a plazos del riesgo interbancario sufrió importantes cambios durante la crisis financiera de 2008. Este hecho surgió debido a que la crisis de 2008 se gestó en el mercado bancario estadounidense y, posteriormente, las expectativas negativas de todos los riesgos (interbancario, *default*, liquidez, mercado, entre otros) se expandieron a todos los sectores de la economía. Los resultados demuestran que los cambios en los años posteriores a la crisis tuvieron un carácter más estructural que temporal.

4. Componentes del riesgo interbancario

4.1. Descomposición de la estructura a plazos

La estructura a plazos del riesgo interbancario se descompone en dos riesgos principalmente: el riesgo de *default* y el riesgo de *no-default*. El riesgo de *default* hace alusión a las posibles pérdidas que puedan registrar los inversionistas y los bancos, derivadas de eventos de *default* de la entidad emisora de un título de deuda. Por otro lado, el riesgo de *no-default* está fuertemente relacionado, como se había mencionado anteriormente, con el riesgo de liquidez. La forma como se hace la separación de este riesgo puede variar y llegar a ser sensible a

la especificación que se haga; sin embargo, al no contar con una metodología estándar ni aceptada para dicha partición, se sigue lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012) que separa los componentes del riesgo interbancario a partir de las mismas ecuaciones acá presentadas. Partiendo de la ecuación que describe la estructura a plazos del riesgo interbancario (ecuación (9)), el riesgo de *default* corresponde al primer término y el riesgo de *no-default* al segundo.

En este orden de ideas, el componente de *default* se mide mediante un *spread* teórico que existiría si se materializara únicamente el riesgo de *default* en la estructura a plazos del riesgo interbancario (este *spread* corresponde a igualar $\Xi(t, T) = 1$). La estructura a plazos del riesgo de *default* está descrita por:

$$\text{default component } (t, T) = \frac{1}{T-t} \left\{ \frac{1}{B(t, T)} - \frac{1}{P_c(t, T)} \right\} \quad (17)$$

Este componente va a ser siempre positivo por el hecho de que se cumple con $\lambda > 0$ en conjunto con la ecuación (3). Este *spread* resulta estar fuertemente influenciado por el diferencial entre el bono cero cupón $B(t, T)$ y el precio de un contrato colateralizado $P_c(t, T)$. Este diferencial, y por ende el *default component*, va a depender de la distribución de $\Gamma(t) = \int_0^t \lambda(u) du$. Más específicamente, el riesgo de *default* es una función creciente con las intensidades de *default* $\lambda(t)$.

Por otro lado, el riesgo de *no-default* resulta ser el segundo término de la ecuación (9) y corresponde al valor de la estructura a plazos del riesgo interbancario en el caso de que no exista riesgo de *default* ($\lambda(t)=0$). La estructura a plazos del riesgo de *no-default* está medida por:

$$\text{non - default component } (t, T) = \frac{1}{T-t} \left\{ \left(\frac{1}{B(t, T)} - 1 \right) * (\Xi(t, T) - 1) \right\} \quad (18)$$

Al igual que el riesgo de *default*, el de *no-default* también será positivo por el hecho $\Xi(t, T) > 1$ que y con entonces $B(t, T) < 1$.

Con el fin de poder analizar los cambios sufridos por cada componente del riesgo interbancario a raíz de la crisis financiera, el periodo de análisis se dividió en tres sub-grupos: el periodo precrisis (antes de la quiebra de la venta de *Bear Stearns*), el periodo de la crisis (desde la quiebra de *Bear Stearns* hasta principios de 2010) y el periodo poscrisis. Si se evalúan los riesgos para todo el periodo de la muestra, se puede incurrir en el error de no tener en cuenta que después del inicio de la crisis existió un importante cambio estructural en todas las variables. La magnitud de los componentes del riesgo interbancario a lo largo de cada estructura a plazos se resume en la tabla 2 y en la figura 3.

Tabla 2. Estructura a plazos de los componentes del riesgo interbancario

	Periodo	Riesgo / Plazo	1 año	2 años	5 años
Agregado	Oct./06 – ene./12	Default	4,82 (3,79)	5,67 (3,62)	7,63 (4,06)
		No-default	2,39 (1,92)	2,35 (2,68)	7,22 (4,40)
Precrisis	Oct./06 – ago./07	Default	0,33 (0,29)	0,61 (0,47)	1,63 (1,02)
		No-default	0,98 (0,64)	1,84 (0,67)	4,05 (1,03)
Crisis	Ago./07 – ene./10	Default	6,27 (4,01)	6,65 (3,10)	7,43 (2,47)
		No-default	3,11 (2,07)	3,78 (3,35)	10,01 (5,13)
Poscrisis	Ene./10 – ene./12	Default	5,12 (2,74)	6,75 (3,05)	10,42 (3,36)
		No-default	2,20 (1,71)	0,97 (1,12)	5,46 (1,80)

Fuente: elaboración propia.

Se puede apreciar que en los plazos más largos ambos riesgos aumentan para todos los subperiodos. El periodo precrisis se diferencia de los demás periodos en que registra los niveles más bajos en los componentes del riesgo interbancario para todos los plazos tenidos en cuenta. Adicionalmente, antes de la crisis financiera, el riesgo de *no-default* era casi tres veces mayor que el riesgo de *default* a lo largo de toda la estructura a plazos. En las semanas donde la crisis se agudizó, ambos riesgos aumentaron considerablemente y ayudaron mutuamente a que la estructura a plazos del riesgo interbancario aumentara considerablemente. En promedio, el riesgo de *default* dobló al de *no-default* para los plazos más cortos en la estructura a plazos durante los últimos meses de 2008 y principios de 2009. Lo anterior sustenta la hipótesis de que el riesgo de *default* tomó más relevancia que el de *no-default* en el corto plazo durante la crisis. Posterior al 2010, los niveles de ambos riesgos fueron inferiores a los registrados durante la crisis, pero superiores a los periodos previos a la crisis. Sin duda alguna estos resultados evidencian los importantes cambios que sufrió la estructura a plazos del riesgo interbancario durante la segunda parte de la década pasada. Estos resultados sugieren también que el riesgo de *default* es más volátil que el riesgo de *no-default* en el corto que en el largo plazo. Filipovic y Trolle (2012) sugieren que esto se debe a que los participantes del mercado percibían las altas exposiciones al riesgo de *default* más como

un fenómeno de corto que de largo plazo. Adicionalmente, el riesgo de *default* alcanzó máximos durante la crisis para los periodos de más corto plazo, mientras que los plazos más largos alcanzaron máximos durante la crisis de la deuda soberana europea de 2010.

4.2. ¿Qué dice el riesgo de default?

Los periodos previos a la crisis se caracterizaron por tener un bajo riesgo de *default*. Posterior al inicio de la crisis financiera, este riesgo aumentó considerablemente para todos los plazos. Durante los meses más agudos de la crisis,

Figura 3. Componentes del riesgo interbancario

Fuente: elaboración propia.

la estructura a plazos del riesgo de *default* aumentó en mayor proporción para los plazos más cortos. Este último alcanzó 22,11 pb en marzo de 2009, por encima en 8 puntos pb registrados para el vencimiento a 5 años que fue de 14,18 para la misma fecha. Lo anterior se resume en una pendiente negativa en la estructura a plazos del riesgo de *default*. Esto se puede observar en la figura 4 donde se dibuja el riesgo de *default* derivado del modelo para distintos plazos y a lo largo de los años incluidos en esta investigación.

La estructura a plazos con pendiente negativa se presentó debido a las expectativas que tenían los agentes del mercado sobre los efectos de un evento de *default* de algunos bancos en Norteamérica. Para marzo de 2009 ya algunos bancos e instituciones financieras en Estados Unidos habían presentado un evento de *default*²¹, por lo que los agentes tenían expectativas de la existencia de quiebras adicionales de algunas instituciones financieras, pero suponían que, en el largo plazo, los gobiernos entrarían a rescatar estas instituciones. Este rescate finalmente sucedió con la aprobación de la '*Emergency Economic Stabilization Act*' (Ley de Estabilización Económica de Urgencia), una ley cuyo único objetivo era la compra de activos basura a los bancos nacionales en Estados Unidos para sacarlos de la quiebra. Posterior a la aprobación de esta ley, el riesgo de

²¹ Para marzo de 2009 *Bear Stearns*, *Lehman Brothers*, *Washington Mutual*, entre otras instituciones financieras habían salido del mercado por no poder cumplir con las obligaciones de la deuda.

Figura 4. Estructura a plazos del riesgo de default

Fuente: elaboración propia.

default se redujo drásticamente y la estructura a plazos volvió a tener pendiente positiva. Sin embargo, nunca se volvieron a registrar los niveles previos a la crisis financiera. El riesgo de *default* volvió a repuntar durante la crisis de la zona euro, donde algunos países estuvieron cercanos a hacer *default* debido a altos niveles de endeudamiento gubernamental. Durante esta última crisis, el riesgo de *default* aumentó en mayor proporción para los plazos más largos, contrario a la crisis *subprime* de 2008. Durante la crisis del euro, el riesgo de *default* a cinco años alcanzó su máximo.

4.3. ¿Qué dice el riesgo de no-default?

Al igual que con el riesgo de *default*, el modelo permite construir la evolución del riesgo de *no-default* para distintos plazos durante todo el periodo de estudio. La estructura a plazos resultante del modelo se puede observar en la figura 5.

Durante todo el periodo de estudio, la estructura a plazos del riesgo de *no-default* tuvo pendiente positiva, aún durante la crisis financiera y del euro en 2010. Para finales de 2008 y principios de 2009, donde la crisis financiera fue más aguda, el riesgo de *no-default* alcanzó 10 pb en el corto plazo y hasta 24 pb en el largo plazo para septiembre de 2008. A diferencia del riesgo de *default*, el riesgo de *no-default* volvió rápidamente a niveles cercanos a los años anteriores a la crisis y registró los mismos niveles, de hecho para los plazos más cortos el riesgo de *no-default* posterior a la crisis fue inferior a los registrados en el 2006. Los años siguientes a la crisis se registraron niveles de riesgo inferiores a los 5 pb. Estos resultados sugieren que el riesgo de *no-default* tuvo efectos temporales durante la crisis, pero posteriormente se normalizaron a los niveles previos a la crisis. Adicionalmente, se evidencia la pérdida de relevancia del riesgo posterior a la crisis frente al riesgo de *default*.

Figura 5. Estructura a plazos del riesgo de *no-default*

Fuente: elaboración propia.

Por otro lado, es necesario entender cómo el riesgo de *no-default* estimado en esta investigación se relaciona con la liquidez del mercado. Siguiendo lo propuesto por Brunnermeier y Pedersen (2009), la liquidez del mercado interbancario tiene una estrecha relación con la liquidez de las operaciones de fondeo

que los corredores llevan a cabo en este mercado. Dado que no se cuenta con una medida exacta de la liquidez de estas operaciones de fondeo, se construye un *spread* que logre representar en buena proporción la facilidad con la que estas operaciones se hacen a precios de mercado, pero de la manera más eficiente y sin incurrir en sobre costos, resultado de la inexistencia de contrapartes en dichas operaciones. Fointaine y Garcia (2011) construyen un indicador de liquidez (*TED Spread*) resultante de la diferencia entre la Libor a 3 meses y los *Tbills* del tesoro de Estados Unidos. Este *spread* está representado en la figura 6.

Figura 6. Indicador de riesgo de liquidez

Fuente: elaboración propia y datos de Fointaine y Garcia (2011), Bloomberg.

Ellos concluyen que aumentos en este *spread* es síntoma de una reducción en la liquidez de las operaciones de fondeo, vía efectos sobre la curva de los tesoros americanos y la de la Libor. Esto se resume en el riesgo de fondeo, que es la exposición a la dificultad de poder contar con un mercado profundo para encontrar liquidez y así fondear los papeles que se tengan en la posición de los bancos. Como se puede observar en la figura 6, la liquidez en el mercado interbancario se vio fuertemente contraída durante la crisis, pero llegó a su punto más agudo en octubre de 2008 cuando el *spread* de liquidez alcanzó casi 400 pb. En estos meses, la crisis estaba consumida y se encontraba en su punto más agudo; las autoridades monetarias de Estados Unidos tenían como único objetivo sacar la economía de la crisis financiera, y la forma como atacaron esta situación fue inyectando una gran cantidad de liquidez al

mercado, reduciendo las tasas de corto plazo y aplicando políticas como el ‘*Emergency Economic Stabilization Act*’. Posterior a la crisis, la liquidez volvió a niveles bajos nuevamente y no repuntó durante la crisis del euro en 2010. Estos resultados se soportan en la hipótesis de que el riesgo de *no-default* tuvo efectos temporales durante la crisis, que rápidamente se desvanecieron.

Para analizar la relación entre el riesgo de *no-default* y el indicador de liquidez construido a partir de la Libor y los *Tbills* (*TED Spread*), es necesario saber qué proporción de dicho indicador está libre de los efectos del riesgo de *default*²². Para ello, se hace una regresión entre el indicador y los dos primeros componentes de la estructura a plazos de los *CDS*; por construcción, el residuo de dicha regresión está libre de riesgo de *default*. Por último, para cuantificar la relación entre el *TED spread* y el riesgo de *no-default*, se hace una regresión entre el parámetro $\xi(t)$ y el residuo libre de *default*²³. El coeficiente de la estimación es 0,0455 y es significativo al 1 % de nivel de confianza; el R^2 es de 0,0413. La correlación entre estas dos variables es positiva e igual a 0,574. Estos resultados van en línea con lo propuesto por Filipovic y Trolle (2012), quienes encuentran que el coeficiente de la regresión está entre 0,039 y 0,034 con una correlación de 0,63.

Los resultados anteriores sugieren que el componente de *no-default* en la estructura a plazos del riesgo interbancario captura en gran proporción los efectos de iliquidez libres de riesgo de *default* en el mercado interbancario. Lo anterior va en línea con lo encontrado por Filipovic y Trolle (2012).

5. Conclusiones

Esta investigación tiene como principal objetivo analizar la existencia de los cambios que se dieron en la estructura a plazos del riesgo interbancario de Estados Unidos durante la crisis financiera de 2007-2008. Adicionalmente, se analizaron los riesgos que componen el riesgo interbancario. Este riesgo se mide mediante la aproximación propuesta por Filipovic y Trolle (2012), donde se construye un *spread* (*Money Market Spread*) resultante entre la Libor (con vencimiento a 3 meses) y los *OIS*. Las expectativas para distintos plazos del riesgo interbancario están medidas por el *spread* (*Swap Spread*) resultante entre

²² Dado que este *spread* fue construido a partir de dos tasas que tienen efectos de *default* (más en el caso de la Libor que de los *Tbills*), es necesario ‘limpiar’ este *spread* de los efectos del riesgo de *default* que pudiera tener.

²³ Esta segunda regresión se hace en diferencias debido a la existencia de raíz unitaria en las variables.

los *IRS* y los *OIS*. A partir de estos *spreads*, se construyó una estructura a plazos del riesgo interbancario, dinámica para todo el periodo de estudio (octubre de 2006 hasta diciembre de 2012). Se encontró que el riesgo interbancario repuntó considerablemente, justo con el inicio de la crisis financiera en agosto de 2007, pero este repunte ocurrió, en mayor proporción, en el *Money Market Spread* que en el *Swap Spread*, lo que evidenció una pronunciada pendiente negativa de la estructura a plazos del riesgo interbancario. Sumado a esto, el modelo permite separar el riesgo de *default* del riesgo de *no-default* implícito en los *spreads*. Al hacer esta separación entre sus componentes, se encuentra que desde el inicio de la crisis, el riesgo de *default* condujo a ese importante repunte de los *swap*, mientras que el riesgo de *no-default* perdió relevancia dentro de la estructura a plazos del riesgo interbancario en los años de la crisis y posterior a ella. El repunte de los *spreads*, el riesgo interbancario y sus componentes encontraron su punto más agudo en marzo de 2009, después de la quiebra de algunos de los bancos importantes en el mercado interbancario estadounidense. Durante algunos días cercanos a esa fecha, el riesgo interbancario y el riesgo de *default* tuvieron una pronunciada pendiente negativa de la estructura a plazos, lo que evidenció que los agentes del mercado tenían expectativas de que la situación de *stress* financiera fuera un fenómeno más de corto que de largo plazo. Para enero de 2010, la percepción a los riesgos interbancarios y de *default* se estabilizaron, pero en niveles superiores a los registrados en los años previos al inicio de la crisis financiera. Por último, la crisis del euro se caracterizó por ser un problema más de largo que de corto plazo, contrario a la crisis financiera de 2008, y que desestabilizó nuevamente la estructura a plazos de los componentes del riesgo interbancario, principalmente la del riesgo de *default*.

Referencias

- Andrews, A., & Grewal, M. (2008). *Kalman Filtering. Theory and Practice Using MATLAB*. New Jersey: John Wiley & Sons.
- Angelini, P., Nobili, A., & Picillo, M. (2009). The interbank market after August 2007: what has changed and why? *Bank of Italy, Working Papers* 731.
- Bianchetti, M. (2009). Two Curves, One Price: Pricing & Hedging Interest Rate Derivatives Decoupling Forwarding and Discounting Yield Curves. *Risk Magazine*.
- Bolder, D. (2001). Affine Term-Structure Models: Theory and Implementation. *Bank of Canada, Working Papers* 15.

- Bongaerts, D., Jong F. de, & Driessen J. (2011). Derivative pricing with liquidity risk: Theory and evidence from credit default swap market. *Journal of Finance*, 66, 203-240.
- Brigo, D., & Alfonsi, A. (2005). Credit default swap calibration and option pricing with the SSRD stochastic intensity and interest rate model. *Finance and Stochastics*, IX(1), 29-42.
- Brigo, D., & Mercurio, F. (2006). *Interest Rate Models - Theory and Practice*. Milano: Springer.
- Brunnermeier, M., & Pedersen, L. H. (2009). Market liquidity and funding liquidity. *Review of Financial Studies*, 22, 2201-2238.
- Carr, P., & Wu, L. (2007). Theory and Evidence on the Dynamic Interactions Between Sovereign Credit Default Swaps and Currency Options. *Journal of Banking and Finance*, 31, 2383-2403.
- Carr, P., & Wu, L. (2010). Stock Options and Credit Default Swaps: A Joint Framework for Valuation and Estimation. *Journal of Financial Econometrics*, 8(4), 409-449.
- Cho-Hoi, H., Chung, T-K., & Chi-Fai L. (2010). Interest rate derivatives Princes to estimate Libor-Ois Spread dynamics and systemic funding liquidity shock probabilities. *Hong Kong Monetary Authority, Working Papers Series* 1004.
- Christoffersen, P., Jakobs, K., Karoui, L., & Mimouni, K. (2009). Non-linear filtering in affine term structure models: Evidence from the term structure of swap rates. *McGill University, Working paper*.
- Collin-Dufresne, P., & Solnik, B. (2001). On the term structure of default premia in the swap and LIBOR markets. *Journal of Finance*, 56, 1095-1116.
- Cui, J., In, F., & Maharaj, E. A. (2012). *What drives the Libor-Ois spread? From five major currency Libor-Ois spreads*. Recuperado de SSRN: <http://ssrn.com/abstract=2173944> or <http://dx.doi.org/10.2139/ssrn.2173944>
- Denault, M., Gauthier, G., & Simonato, J. (2009). Estimation of Physical Intensity Model for Default Risk. *The Journal of Futures Markets*, 29, 95-113.
- Duan, J., & Simonato, J. (1999). Estimating and Testing Exponential-Affine Term Structure Models by kalman Filter. *Review of Quantitative Finance and Accounting*, 13(2), 111-135.
- Duffie, D., Filipovic, D., & Schachermayer, W. (2003). Affine processes and applications in finance. *Annals of Applied Probability*, 13, 984-1053.
- Duffie, D., & Huang, M. (1996). Swapt rates and credit quality. *Journal of Finance*, 51, 921-950.
- Duffie, D., & Singleton, K. (1997). An econometric model of term structure of interest rate swap yields. *Journal of Finance*, 52, 1287-1323.

- Duffie, D., & Singleton, K. (1999). Modeling term structure of defaultable bonds. *Review of Financial Studies*, 12, 687-720.
- Duffie, D., & Singleton, K. (2003). *Credit Risk: Pricing, Measurement and Management*. Princeton: Princeton University Press.
- Eisenschmidt, J., & Tapking, J. (2009). Liquidity Risk Premia in unsecured Interbank Money Markets. *European Central Bank, Working Paper Series*, 1025.
- Feldhütter, P., & Lando, D. (2008). Decomposing swap spreads. *Journal of Financial Economics*, 88(2), 375-405.
- Filipovic, D., & Trolle, A. (2012). The Term Structure of Interbank Risk. *Swiss Finance Institute Research Paper No.* 11-34.
- Filipovic, D. *Term Structure Models - A Graduate Course*. Viena: Springer.
- Fontaine, J., & Garcia, R. (2011). Bond liquidity premia. *Bank of Canada, Working Paper* 2009-28.
- Fujii, M., Shimada, Y., & Takahashi, A. (2009). A market model of interest rates with dynamic spreads in the presence of collateral and multiple currencies. *Shinsei Bank and University of Tokyo, Working paper CIRJE-F-698*.
- Guarin, A., Liu, X., & Ng, W-L. (2014). Recovering default risk from CDS spreads with a nonlinear filter. *Journal of Economic Dynamics and Control*, 38, 87-104.
- Iacus, S. (2008). *Simulation and Inference for Stochastic Differential Equations*. Milano: Springer.
- Jeanblanc, M., Yor M., & Chesney M. (2009). *Mathematical Methods for Financial Markets*. Londres: Springer.
- Johannes, M., & Sundareshan, S. (2007). The impact of Collateralization on Swap Rates. *Journal of Finance*, 62(1), 383-410.
- Julier, S., & Uhlmann, J. (2004). Unscented Filtering and Nonlinear Estimation. *Proceedings of the IEEE*, 92(3).
- Lando D. (2004). *Credit risk modeling: Theory and Applications*. Princeton: Princeton University Press.
- Liu J., Longstaff F., & Mandell R. (2006). The market price of risk in interest rate swaps: The roles of default and liquidity risks. *Journal of Business*, 79, 2337-2359.
- McAndrews J., Sarkar A., & Wang Z. (2008). The effect of the term auction facility on the London Inter-Bank Offered Rate. *Federal Reserve Bank of New York, Working paper* 335.
- Mercurio, F. (2009). Interest rates and the credit crunch. New formulas and market models. *Bloomberg, Working paper* 2010-01.
- Michaud F-L., & Upper C. (2008). What drives interbank rates? Evidence from the Libor panel. *BIS Quarterly Review*, marzo, 47-58.
- Platen E., & Bruti-Liberati N. (2010). *Numerical Solution of Stochastic Differential Equations with Jumps*. Londres: Springer.

- Schwartz K. (2010). Mind the gap: disentangling credit and liquidity in risk spreads. *The Wharton School, University of Pennsylvania*, Working paper.
- Taylor J. B., & Williams J. C. (2009). A black swan in the money market. *American Economic Journal, Macroeconomics*, 1, 58-83.
- Varona, J. L. (1991). *Métodos clásicos de resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias*. Logroño: Universidad de la Rioja.
- Wan E., & van der Merwe R. (2000). *The Unscented Kalman Filter for Nonlinear Estimation*. Proceedings of Symposium 2000 on Adaptive Systems for Signal Processing, Communication and Control (AS-SPCC).
- Wu T. (2008). On the Effectiveness of the Federal Reserve's New Liquidity Facilities. *Federal Reserve Bank of Dallas*, Working Papers 0808.
- Zhou R. (2008) *Bond Implied CDS Spread and CDS-Bond Basis*. Recuperado de SSRN:<http://ssrn.com/abstract=1265548>

Anexos

Anexo A

Derivación fórmulas de valoración de los CDS e intensidades de default

La forma como se obtienen las intensidades de *default* a partir de los *spreads* de los CDS puede variar dependiendo de las metodologías y de los supuestos que se hagan del modelo. Para esta investigación, se sigue lo propuesto por Brigo y Mercurio (2006), donde se construye una estructura a plazos de las intensidades de *default* con la particularidad de que son constantes entre los plazos disponibles en las cotizaciones que se observan en el mercado. A estas intensidades se les conoce como *Piecewise Constant Intensity*. Las intensidades de *default* para este tipo de modelos son procesos de *Poisson* homogéneos en el tiempo. En el mercado existen precios de CDS para los vencimientos $T = \{T_1, T_2, \dots, T_i, \dots\}$. A partir de estos vencimientos se pueden encontrar las intensidades de *default* constantes durante cada plazo de la siguiente manera:

$$\lambda(t) = \lambda_i \quad \text{para } t \in [T_{i-1}, T_i) \quad (\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_i, \dots)$$

El *payoff* de un CDS se compone de una pata receptora y otra pagadora expresada de la siguiente manera:

La pata pagadora corresponde al *Premium Leg* que equivale al flujo de pagos que hace A a B periódicamente con el fin de cubrirse ante la eventualidad de un evento de *default* por parte de la empresa emisora de la deuda C (no mostrada en el gráfico). Por otro lado, el *Protection Leg* corresponde al pago que hace B a A en caso de que C haga *default* antes de la fecha de vencimiento del contrato. El *payoff* de un CDS resulta ser:

$$\text{Payoff}(\Pi) = \text{Premium Leg} - \text{Protection Leg}$$

donde:

Premium Leg

$$\begin{aligned}
 \text{Premium Leg}_{a,b} &= \sum_{i=1}^b E[D(0, T_i) \alpha_i R I_{\{\tau > T_i\}}] + E[D(0, \tau)(\tau - T_{\beta(\tau)-1}) R I_{\{0 < \tau < T_b\}}] \\
 &= R \sum_{i=1}^b \alpha_i E[D(0, T_i)] E[I_{\{\tau > T_i\}}] + R \int_{t=0}^{T_b} (\tau - T_{\beta(\tau)-1}) E[D(0, \tau)] E[I_{\{\tau \in [t, t+dt]\}}] \\
 &= R \left[\sum_{i=1}^b \alpha_i P(0, T_i) Q(\tau > T_i) + R \int_{t=0}^{T_b} (t - T_{\beta(t)-1}) P(0, t) Q(\tau \in [t, t+dt]) \right] \\
 &= R \left[\sum_{i=1}^b \alpha_i P(0, T_i) \exp(-\Gamma(T_i)) \right] \\
 &\quad + R \left[\sum_{i=1}^b \lambda_i \left[\int_{T_{i-1}}^{T_i} P(0, u) (u - T_{i-1}) \exp(-\Gamma_{i-1} - \lambda_i(u - T_{i-1})) du \right] \right]
 \end{aligned}$$

Protection Leg

$$\begin{aligned}
 \text{Protection Leg}_{a,b} &= E[I_{\{0 < \tau < T_b\}} D(0, \tau) Lgd] \\
 &= Lgd E[I_{\{0 < \tau < T_b\}} D(0, \tau)] = Lgd \int_0^\infty E[D(0, u) I_{\{T_a < u < T_b\}}] Q(\tau \in [u, u+du]) \\
 &= Lgd \int_{T_a}^{T_b} E[D(0, u)] Q(\tau \in [u, u+du]) = Lgd \int_{T_a}^{T_b} P(0, u) \lambda(u) \exp\left(-\int_0^u \lambda(s) ds\right) du \\
 &= Lgd \sum_{i=a+1}^b \lambda_i \int_{T_{i-1}}^{T_i} P(0, u) \exp(-\Gamma_{i-1} - \lambda_i(u - T_{i-1})) du
 \end{aligned}$$

con λ_i la intensidad de *default* para el plazo i , α_i la periodicidad con la que se pagan las primas de protección, $\Gamma(t) = \int_0^t \lambda(u) du$ es la intensidad acumulada o *hazard function* con distribución $\Gamma(r) = \varepsilon \sim \exp(1)$. El algoritmo mediante el cual se encuentran las intensidades de *default* consiste en encontrar $\Gamma(T_b)$ a partir de $T_b = T_1$, posteriormente, para $\Gamma(T_2)$ teniendo en cuenta λ_1 y así sucesivamente para todos los vencimientos disponibles en el mercado. Al final, la estructura de las intensidades de *default* para una fecha dada tiene la siguiente representación:

Figura A1. Representación Piecewise Constant Intensity

Fuente: Brigo y Mercurio (2006).

Anexo B

Representación affine de la estructura a plazos del riesgo interbancario

En esta sección se presenta la representación *affine* usada en el modelo que se basa en Duan y Simonato (1995) y Filipovic y Trolle (2012). Esta representación es usada en esta investigación para mostrar el precio de dos activos financieros, como lo son el precio de un contrato colateralizado y otro activo no existente en el mercado que tiene en cuenta el riesgo de *no-default*, en función de dos variables estado que son la tasa de interés $r(t)$ y el parámetro de *no-default* $\xi(t)$.

Como se especificó en la ecuación (13), la tasa de interés instantánea sigue un proceso CIR de la forma:

$$dr(t) = \kappa_r(\theta_r - r(t))dt + \sigma_r\sqrt{r(t)}dW_r(t) \quad (\text{B.1})$$

Esta tasa de interés está presente en el precio de un contrato colateralizado que está expresado en las ecuaciones (2) y (14) y resumido como:

$$\begin{aligned}
 P_c(t, T) &= E_t^Q \left[e^{-\int_t^T r_c(s) ds} \right] \\
 &= e^{A_r(T-t) - B_r(T-t)r(t)}
 \end{aligned}
 \tag{B.2}$$

donde las funciones A_r y B_r tienen una única solución y son expresadas como:

$$A_r(\tau) = \left[\frac{2\gamma_r e^{[(\kappa_r + \lambda_r + \gamma_r)\tau]/2}}{(\kappa_r + \lambda_r + \gamma_r)(e^{\gamma_r \tau} - 1) + 2\gamma_r} \right]^{2\kappa_r \theta_r / \sigma_r^2}
 \tag{B.3}$$

$$B_r(\tau) = \left[\frac{2(e^{\gamma_r \tau} - 1)}{(\kappa_r + \lambda_r + \gamma_r)(e^{\gamma_r \tau} - 1) + 2\gamma_r} \right]
 \tag{B.4}$$

A partir de la representación para el precio de un contrato no colateralizado, el precio de un bono cero cupón con riesgo de *default* está expresado por la ecuación (3) usando las intensidades de *default* obtenidas según la metodología expuesta en el Anexo A y presentadas en la figura 2.

Por otro lado, el activo no existente en el mercado que relaciona el riesgo de *no-default* viene expresado por la ecuación (15) expresada como:

$$\begin{aligned}
 \Xi(t, T) &= e^{-\int_{t_0}^T \xi(s) ds} \\
 \Xi(t, T) &= e^{A_\xi(T-t) - B_\xi(T-t)\xi(t)}
 \end{aligned}
 \tag{B.5}$$

En este caso, las funciones A_ξ y B_ξ son expresadas como:

$$A_\xi(\tau) = \left[\frac{2\gamma_\xi e^{[(\kappa_\xi + \lambda_\xi + \gamma_\xi)\tau]/2}}{(\kappa_\xi + \lambda_\xi + \gamma_\xi)(e^{\gamma_\xi \tau} - 1) + 2\gamma_\xi} \right]^{2\kappa_\xi \theta_\xi / \sigma_\xi^2}
 \tag{B.6}$$

$$B_\xi(\tau) = \left[\frac{2(e^{\gamma_\xi \tau} - 1)}{(\kappa_\xi + \lambda_\xi + \gamma_\xi)(e^{\gamma_\xi \tau} - 1) + 2\gamma_\xi} \right]
 \tag{B.7}$$

Al igual que la tasa de interés instantánea, el parámetro de riesgo de *no-default* sigue un proceso CIR de la forma:

$$d\xi(t) = \kappa_\xi(\theta_\xi - \xi(t))dt + \sigma_\xi \sqrt{\xi(t)} dW_\xi(t)
 \tag{B.8}$$

Anexo C

Unscented Kalman Filter y estimación

El modelo está compuesto por variables estado que no son observadas en el mercado, para ello es necesario usar algún filtro que permita extraer de alguna variable observada dichas variables no observables o latentes. Adicionalmente, alguna de las ecuaciones de estimación no es lineal en las variables estado, como es el caso de la ecuación (8), por lo que este filtro debe permitir tener este tipo de interacciones. Para ello, Filipovic y Trolle (2012) usan el *Unscented Kalman Filter* (*UKF*), que es un filtro que permite extraer variables latentes a partir de variables observables y posibilita dichas relaciones no linealidades. Esta metodología se puede ampliar en Christoffersen et al. (2009) o en Wan y van der Merwe (2000).

Un *Kalman Filter* estándar tiene en la ecuación de *pricing* relaciones lineales entre las variables observadas y las de estado. En caso de no ser lineales, comúnmente se usa el *Extended Kalman Filter* (*EKF*) que incluye previamente una linealización de la ecuación de medición del modelo. Sin embargo, se ha venido usando mucho el *UKF* debido a que es menos restrictivo que los mencionados anteriormente. Este consiste en seleccionar puntos no aleatorios (*sigma points*) escogidos de tal manera que logren capturar la media y la covarianza de la variable aleatoria inicial; posteriormente, estos puntos son propagados mediante la transformación no lineal, de tal forma que logren capturar la media y la varianza de cualquier función no lineal. La selección y propagación de los *sigma points* es conocida como *unscented transformation* (*UT*) y es explicada por la figura C1 (Wan & van der Merwe, 2000).

El panel A la figura C1 muestra la forma en la que se estima la media y la covarianza de una variable aleatoria mediante simulación de Montecarlo. Esta no es una metodología apropiada debido a que el orden de convergencia de los *Kalman Filter* es mayor. El panel B muestra el *EKF* en caso de que fuera posible linealizar la ecuación de medición $f(\cdot)$. Esta metodología tampoco es la más acertada debido a que no es la más óptima y adicionalmente tiene restricciones con la relación entre las variables observables y las variables estado. Por último, el panel C muestra el funcionamiento de la *UT*, donde a partir de muy pocos *sigma point* se logra obtener la media y la varianza de las variables estado mediante la transformación de dichos puntos no aleatorios²⁴.

²⁴ En el proceso de estimación, se calcula un conjunto de *sigma points* para cada observación, por lo que lo haría computacionalmente costoso. Sin embargo, es posible calcular una vez la matriz de varianzas y a medida que se tiene más información, actualizar recur-

Cabe resaltar que la UT logra aproximaciones de segundo orden y hasta tercer orden en caso de que las variables estado tengan una distribución gaussiana²⁵. Investigaciones como las de Christoffersen et al. y Wan y van der Merwe demuestran que el SR-UKF resulta ser la metodología que tiene el mejor *performance* en comparación con Montecarlo, KF lineales, EKF y los UKF estándar. Adicionalmente el SR-UKF garantiza que la matriz de covarianza de las variables estado sea semidefinida positiva.

Figura C1. Unscented Kalman Filter y Unscented Transformation

Fuente: Wan y van der Merwe (2010).

El proceso de estimación se hace en conjunto con un SR-UKF y máxima verosimilitud. Este consiste en filtrar las variables estado a partir de cada ecuación de *princing* y de las variables observadas.

El proceso de estimación se hace en dos etapas:

sivamente dicha matriz mediante una descomposición de *Cholesky*. La inclusión de esta actualización reduce el costo computacional y resulta ser más estable la estimación. A este filtro se le conoce como el *Square Root Unscented Kalman Filter* (SR-UKF).

²⁵ Esta metodología resulta ser práctica para encontrar las L variables estado por el hecho que necesita únicamente $2L + 1$ *sigma points* en la transformación UT.

1. En la primera etapa se filtra la tasa de interés instantánea $r(t)$ (variable estado) a partir de las cotizaciones de los OIS siguiendo las ecuaciones (8) y (B.2). La representación estado espacio de esta primera etapa es de la forma:

- Ecuación de medición (*measurement equation*)

$$OIS(t, T) = \frac{[1 - \exp(A_r(T-t) - B_r(T-t)r(t))]}{\exp(A_r(T-t) - B_r(T-t)r(t))} \quad C.1$$

donde $A_r()$ y $B_r()$ están representadas por las ecuaciones (B.3) y (B.4).

- Ecuación de estado (*state equation*)

$$r(t+1) = m(r(t), T) + \Phi(r(t), T)^{1/2} \eta_{t+1} \quad C.2$$

con η_{t+1} un vector de variables aleatorias con media cero y varianza unitaria, $m(r(t), T) = E[r(t+T) | r(t)]$ y $\Phi(r(t), T) = Var(r(t+T) | r(t))$. Estas ecuaciones se cumplen para todos los T plazos disponibles en el mercado. A partir de la solución obtenida de $P_C(t, T)$, y la estimación de $\exp(-\Gamma(T))$, según el Anexo A, se pueden encontrar los valores de $B(t, T)$ siguiendo la ecuación (3). Posteriormente, con $P_C(t, T)$ y $P_C(t, T)$ se puede encontrar la estructura a plazos del riesgo de *default* descrita en la ecuación (17).

2. La segunda etapa consiste en filtrar y estimar los parámetros y la variable estado relacionada con el riesgo de *no-default* $\xi(t)$. A partir de la estructura a plazos del riesgo de *default* y la del riesgo interbancario, se puede inferir el riesgo de *no-default* para cada plazo. Teniendo en cuenta las ecuaciones (9) y (17), se encuentra que el riesgo de *no-default* corresponde a:

$$\text{non - default component}(t, T) = (T-t)\{Irs(t, T) - Ois(t, T)\} - \text{default component}(t, T) \quad C.3$$

Despejando $\Xi(t, T)$ de la ecuación (5) se tiene que el factor de *no-default* está expresado como:

$$\Xi(t, T) = \frac{(T-t)L(t, T)B(t, T)}{1 - B(t, T)} \quad C.4$$

Este factor se convierte en una variable observada en la segunda estimación y filtración de $\xi(t)$. En este caso, la representación estado espacio de esta etapa se representa como:

- Ecuación de medición (*measurement equation*)

$$\varepsilon(t, T) = \exp(A_{\xi}(T - t) - B_{\xi}(T - t)\xi(t)) \quad \text{C.5}$$

- Ecuación de estado (*state equation*)

$$\xi(t + 1) = g(\xi(t), T) + Y(\xi(t), T)^{1/2}\eta_{t+1} \quad \text{C.6}$$

con η_{t+1} un vector de variables aleatorias con media cero y varianza unitaria, y $g(\xi(t), T) = E[\xi(t + T)|\xi(t)]$ y $Y(\xi(t), T) = \text{Var}(\xi(t + T)|\xi(t))$.

Anexo D

Índices de CDS usados en el modelo

Debido a la dificultad de contar un índice de los *CDS* que logre agrupar los bancos pertenecientes al panel de la Libor en dólares, se construyó un índice agrupando las cotizaciones de los *spreads* de los *CDS* individuales de cada índice. El índice de los *CDS* construido en esta investigación corresponde al promedio simple de los *CDS* de los bancos pertenecientes al panel de la Libor. Estos bancos fueron:

Tabla D1. Bancos del panel Libor e índices de CDS

Banco	Incluido en el índice (años)
<i>Bank of America Corp.</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>Citigroup Inc.</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>Barclays Bank</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>BNP Paribas</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>Credit Agricole SA</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>Credit Suisse Group AG</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>Deutsche Bank AG</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>HSBC Holdings</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10
<i>JPM Chase & Co.</i>	1, 2, 3, 4, 5 y 10

Banco	Incluido en el índice (años)
Lloyds Banking Group	1, 2, 3, 4, 5 y 10
Coperatieve Centrale Raiffeisen	1, 2, 3, 4, 5 y 10
Ryland Group Inc	1, 2, 3, 4, 5 y 10
Société Generale SA	1, 2, 3, 4, 5 y 10
Royal Bank of Scotland Group	1, 3, 5 y 10
UBS AG	1, 2, 3, 4, 5 y 10
Portig AG	1, 2, 3, 4, 5 y 10
Banco Santander	1, 2, 3, 4, 5 y 10

Fuente: Bloomberg y cálculos propios

Los índices tienen las siguientes estadísticas y su comportamiento está descrito en la figura D1.

Tabla D2. Estadísticas índices CDS

Plazo	1 año	2 año	3 año	4 año	5 año	10 año
Promedio	84.599	96.386	110.102	122.032	133.050	146.208
Desviación	69.578	67.283	67.386	66.875	68.290	68.728
Máximo	436.936	391.413	360.807	340.531	340.302	352.282
Mínimo	3079	5033	5583	8548	10.278	18.192

Cifras en pb

Figura D1. Índices CDS

Fuente: Bloomberg y cálculos propios.

La estructura a plazos de las intensidades de *default* estimadas según el Anexo A se presenta en la figura D2.

Figura D2. Estructura a plazos de las intensidades de *default*

Anexo E

Valores estimados para la prima de cobertura

Para aproximarse al valor de de la ecuación (1), que no es observable en el mercado y no existen plazos tan cortos en la estructura a plazos de los *CDS*, se tomaron distintos *spreads* que lograran medir la diferencia entre una tasa *overnight* (que se aproxima a libre de riesgo) y una tasa con riesgo. Para ello, se crea el *spread* resultante entre los *OIS* a 1 semana y distintas tasas repos existentes en el mercado. Estas tasas repos fueron: *MBS GCF repo rate*, *Treasury GCF repo rate* y *Agency GCF repo rate*. Estas tasas fueron extraídas de DTCC. El valor de fue escogido a partir de los promedios de cada uno de los *spreads* encontrados y presentados en la figura E1.

A partir de estos resultados, se escogió usar igual a 5,93 pb, cercano al valor escogido por Filipovic y Trolle (2012) que lo situaron en 5 pb.

Figura E1. Valores estimados para Λ

Fuente: DTCC y cálculos propios.

Anexo F

Comparación con respecto al documento base

Como se mencionó anteriormente, esta investigación usó como referente la investigación llevada a cabo por Filipovic y Trolle (2012). Los autores miden el riesgo interbancario a partir de los mismos *spreads* usados en la presente investigación y utilizan una ventana de tiempo de estudio relativamente parecida. A pesar de que las técnicas de estimación usadas en ambas investigaciones es la misma, las investigaciones difieren en algunos detalles importantes de resaltar. Primero, la tasa de interés sigue procesos de difusión distintos: los autores lo describen bajo un proceso *Vasicek*, mientras que en la presente investigación es usado un proceso *CIR*. El parámetro de *no-default* $\xi(t)$ sigue el mismo proceso (*CIR*).

Una de las diferencias más notorias es el proceso de filtración de las variables estado y la estimación de los coeficientes asociados con sus procesos de difusión. Filipovic y Trolle seleccionan las variables estado mediante un filtro de *Kalman* lineal multivariado y la estimación se hace en una sola etapa con tres variables estado y multifactoriales (incluyen una variable de deterioro crediticio y factores adicionales como valores de largo plazo de cada una de las variables estado). Por otro lado, esta investigación filtra las variables estado mediante el mismo filtro de *Kalman* no lineal pero univariado y en dos etapas (primero la filtración de la tasa de interés y posteriormente la variable de *no-default* $\xi(t)$).

Los resultados, en cuanto a los coeficientes encontrados, se muestran en la tabla F1. En este caso, los únicos parámetros comparables resultan ser los correspondientes a los del proceso de difusión de la tasa de interés, debido a la diferencia en el uso de un filtro multivariado y univariado y las etapas de filtración y estimación. La tasa de interés de largo plazo se encuentra cercana al 6,5%, valor cercano a los estimados por Filipovic y Trolle. La tasa de interés instantánea converge más lento y adicionalmente es más volátil que lo encontrado por Filipovic y Trolle. El valor de ψ , entendido como el precio del riesgo en el mercado, es negativo para ambas investigaciones.

Tabla F1. Parámetros estimados

Parámetro	Estimado	Filipovic y Trolle (2012)
θ_r	0,0646	0,0625
κ_r	0,0472	0,1885
σ_r	0,0622	0,0055
ψ_r	-0,1821	-0,1499
$\log L \times 10^3 (r)$	-9,033	-10,436

Fuente: elaboración propia.

A continuación, se presentan algunas similitudes encontradas en ambas investigaciones en cuanto al comportamiento de las variables estado y los componentes del riesgo de interbancario. A pesar de las diferencias mencionadas anteriormente, no se encontraron disparidades considerables que puedan afectar los resultados y las conclusiones de ambas investigaciones.

Tasa de interés instantánea

Filipovic y Trolle (2012)

$\mathbb{A}(2,1,1)$

Panel A1: $r(t)$ and $\gamma(t)$

Resultados encontrados

*La tasa de interés corresponde a la línea azul.

Intensidades de default

Panel 3M dafault prob.

*La tasa de interés corresponde a la línea azul.

Parámetro de no-defaultPanel C1: $\xi(t)$

Figura F1. Algunos resultados encontrados y comparados

Fuente: elaboración propia con base en Fointaine y Garcia (2011), Bloomberg.